

UNIVERSDAD DE CÓRDOBA

ESCUELA POLITÉCNICA SUPERIOR

DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA Y ANÁLISIS NUMÉRICO

PROGRAMACIÓN DECLARATIVA



INGENIGERÍA INFORMÁTICA
CUARTO CURSO
PRIMER CUATRIMESTRE



Tema 10.- Listas

Primera parte: Scheme

Tema 1.- Introducción al Lenguaje Scheme

Tema 2.- Expresiones y Funciones

Tema 3.- Predicados y sentencias condicionales

Tema 4.- Iteración y Recursión

Tema 5.- Tipos de Datos Compuestos

Tema 6.- Abstracción de Datos

Tema 7.- Lectura y Escritura

Segunda parte: Prolog

Tema 8.- Introducción al Lenguaje Prolog

Tema 9.- Elementos Básicos de Prolog

Tema 10.- Listas

Tema 11.- Reevaluación y el "corte"

Tema 12.- Entrada y Salida

Segunda parte: Prolog

Tema 8.- Introducción al Lenguaje Prolog

Tema 9.- Elementos Básicos de Prolog

Tema 10.- Listas

Tema 11.- Reevaluación y el "corte"

Tema 12.- Entrada y Salida

Índice

- 1. Descripción de lista
- 2. Operaciones con listas
- 3. Problema de las ocho reinas

Índice

- 1. Descripción de lista
- 2. Operaciones con listas
- 3. Problema de las ocho reinas

- Definición de lista
- Listas y estructuras
- Cabeza y cola de una lista
- Instanciaciones de cabeza y cola
- Cadenas y listas

- Definición de lista
- Listas y estructuras
- Cabeza y cola de una lista
- Instanciaciones de cabeza y cola
- Cadenas y listas

- Definición de lista
 - Sintaxis

[elemento₁, elemento₂, ..., elemento_N]

- Los elementos pueden ser:
 - ☐ átomos, números, cadenas, estructuras, variables u otras listas.
- Ejemplo

[a,1, "cadena", persona('Juan Lara', 19), Variable, [b,c]]

- Definición de lista
- Listas y estructuras
- Cabeza y cola de una lista
- Cola o resto de la lista
- Ejemplos de cabeza y cola
- Instanciaciones de cabeza y cola

- Listas y estructuras
 - Una lista es equivalente a una estructura cuyo nombre sea el punto "."

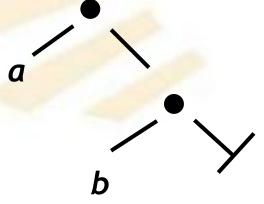
Lista	Estructura	
[]		
[a]	.(a,[])	
[a, b]	.(a,.(b,[]))	
[a ,b, c]	.(a,.(b,.(c,[])))	

- Listas y estructuras
 - Representación gráfica



•
$$[a] = .(a, [])$$

$$[a,b] = .(a, .(b, []))$$



- Definición de lista
- Listas y estructuras
- Cabeza y cola de una lista
- Instanciaciones de cabeza y cola
- Cadenas y listas

- Cabeza y cola de una lista
 - La lista [elemento₁, elemento₂, ..., elemento_N] es equivalente a [elemento₁ | [elemento₂, ..., elemento_N]] Cabeza Barra vertical

Cola

Cabeza y cola de una lista

Ejemplos

Lis	sta	Cabeza	Cola
[]	[]		
[a]	[a []]	а	[]
[a, b]	[a [b]]	а	[b]
[a ,b, c]	[a [b, c]]	а	[b, c]

- Cabeza y cola de una lista
 - Ejemplos

	Lista	Cabeza	Cola
[[a]]	[[a] []]	[a]	[]
[a, [b]]	[a [[b]]]	а	[[b]]
[[a ,b], c]	[[a , b] c]]	[a, b]	[c]

- Cabeza y cola de una lista
 - Ejemplos

```
[el, hombre]
```

- Cabeza: el
- Cola: [hombre]

```
[[el, hombre], es, [un, mamifero]]
```

- Cabeza: [el, hombre]
- Cola: [es, [un, mamifero]]

- Cabeza y cola de una lista
 - Otras equivalencias

es equivalente a

- Cabeza y cola de una lista
 - Observación

$$[a, b] \neq [a \mid b]$$

Lista con dos elementos

$$[a, b] = [a \mid [b]] = .(a, [b]) = .(a, .(b, []))$$

Estructura con dos elementos que no es una lista

$$[a | b] = .(a, b)$$

- Definición de lista
- Listas y estructuras
- Cabeza y cola de una lista
- Instanciaciones de cabeza y cola
- Cadenas y listas

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
?- [a, b] = [Cabeza | Cola].
Cabeza = a,
Cola = [b].
```

```
?- [a, b] = [Primero, Segundo].
Primero = a,
Segundo = b.
```

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

?- [a, b, c, d, e] = [Cabeza , Cola]. false.

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
?-[X,Y,Z] = [juan,come,pan].
   X = juan,
   Y = come,
   Z = pan.
?-[X,Y|Z] = [juan,come,pan].
   X = juan,
   Y = come,
   Z = \lceil pan \rceil.
```

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Observación
 - La barra para indicar la cola debe estar al final de la lista.

?-
$$[X \mid Y, Z] = [juan, come, pan]$$
.

Error

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
?- [gato]=[X|Y].
    X = gato,
    Y = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 dx
?- [X,Y|Z]= [ana, bebe, agua].
    X = ana,
    Y = bebe,
    Z = \lceil agua \rceil.
?- [[el, Y] | Z]= [[el, mar], [es, grande]].
    Y = mar,
    Z = [[es, grande]].
```

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

$$X = 1$$
,

$$Y = [2, 3, 4, 5, 6]$$
.

$$?-datos([_,_,X|Y]).$$

$$X = 3$$
,

$$Y = [4, 5, 6]$$
.

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
frase([[el, hombre], es, [un, mamífero]]).
?- frase([X|Y]).
X = [el, hombre],
Y = [es, [un, mamifero]].
?- frase([_,_,X|Y]).
X = [un, mamifero],
Y = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 dx
```

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

meses([enero, febrero, marzo, abril, mayo, junio, julio, agosto, septiembre, octubre, noviembre, diciembre]).

```
?- meses([Cabeza | Cola]).
```

Cabeza = enero,

Cola = [febrero, marzo, abril, mayo, junio, julio, agosto, septiembre, octubre | ...].

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
?- meses([Primero, Segundo | Resto]).
```

Primero = enero,

Segundo = febrero,

Resto = [marzo, abril, mayo, junio, julio, agosto, septiembre, octubre, noviembre | ...].

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
?- meses([X , febrero, _, Y | _]).
X = enero,
Y = abril.
?- meses([_, M2, _, M4, _, M6|_]).
M2 = febrero,
M4 = abril,
M6 = junio
```

- Instanciaciones de cabeza y cola
 - Ejemplos

```
?- meses([_,_,_,_|[M|Resto]]).

M = mayo,
```

Resto = [junio, ju<mark>lio, agosto, septiemb</mark>re, octubre, noviembre, diciembre].

Cadenas y listas

- Una cadena es considerada como una lista compuesta por los códigos numéricos de sus caracteres.
- Ejemplos

```
?- "Cadena" = L.
L = [67, 97, 100, 101, 110, 97].
```

Índice

- 1. Descripción de lista
- 2. Operaciones con listas
- 3. Problema de las ocho reinas

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Es lista
 - Descripción
 - La lista vacía es una lista
 - Si "Cola" es una lista entonces también lo es cualquier lista cuya cola sea "Cola"

[_ | Cola]

Es lista

```
    Código
    es_lista([]).
    es_lista([_|Cola]):-
    es_lista(Cola).
```

Es lista

```
Preguntas
   ?- es_lista([a,[b],c]).
   true.
   ?- es_lista(a).
   false.
   ?- es_lista([a|b]).
   false.
   ?- es_lista([a|[]]).
   true.
```

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Longitud
 - Descripción
 - La lista vacía tiene cero elementos
 - Si "Cola" tiene N elementos
 entonces la lista [_ | Cola] tiene N +1

- Longitud
 - o Código

```
longitud([],0).
```

```
longitud([_|Cola],N):-
longitud(Cola,M),
N is M + 1.
```

- Longitud
 - Preguntas

```
?- longitud([],R).
R = 0.
?- longitud([a,b,c,d],R).
R = 4.
?- longitud([a,[b,c],d],R).
R = 3.
```

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

Pertenece

Descripción

 Un elemento pertenece a una lista si es su cabeza



o si pertenece a la cola de la lista



Código

```
pertenece(X,[X|\_]).
```

pertenece(X,[_|Cola]):- pertenece(X,Cola).

- Pertenece
 - Preguntas

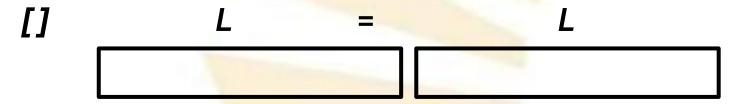
```
?- pertenece(z, [a, b, c, d]).
false
```

?- pertenece(d, [a, b, c, d]). true

?- **pertenece**(d, [[a, b], [c, d]]). **false**

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Concatenar
 - Descripción
 - Si se concatena la lista vacía con una lista L entonces se obtiene la lista L.



 Si al concatenar una lista L1 con otra L2 se obtiene la lista L3 entonces la concatenación de [X | L1] con L2 es [X | L3].

X	L1	L2
X	L3	

- Concatenar
 - Código

```
concatenar([],L,L).
```

Concatenar

Preguntas

```
?- concatenar([a, b, c],[d, e], L).
```

$$L = [a, b, c, d, e].$$

?- concatenar([a,[b, c], d],[a, [], b], L).

$$L = [a, [b, c], d, a, [], b]$$

- Concatenar
 - Preguntas
 - Uso de concatenar para descomponer listas

```
?- concatenar(L1,L2,[a,b,c]).
   L1 = [],
   L2 = [a, b, c];
   L1 = [a],
   L2 = [b, c];
                        Se teclea punto y coma
   L1 = [a, b],
   L2 = [c];
   L1 = [a, b, c],
   L2 = [];
   false.
                                               49
```

- Concatenar
 - Preguntas
 - Otras aplicaciones de concatenar (1/2)

```
?- concatenar(_, [Anterior, mayo, Posterior | _ ], [enero, febrero, marzo, abril, mayo, junio, julio, agosto, septiembre, octubre, noviembre, diciembre]).
```

```
Anterior = abril,
```

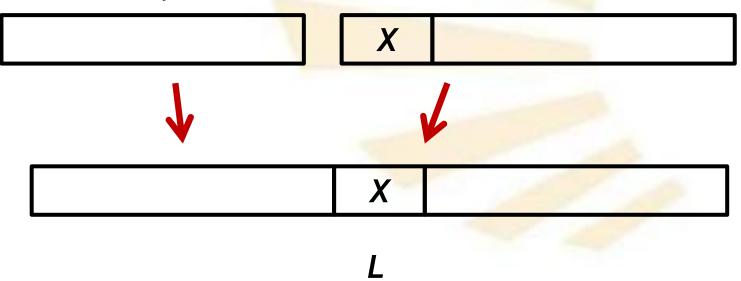
Posterior = junio .

- Concatenar
 - Uso
 - Otras aplicaciones de concatenar (2/2)
- ?-concatenar(Antes, [mayo | Después], [enero, febrero, marzo, abril, mayo, junio, julio, agosto, septiembre, octubre, noviembre, diciembre]).

Antes = [enero, febrero, marzo, abril],

Después = [junio, julio, agosto, septiembre, octubre,
noviembre, diciembre].

- Concatenar
 - Redefinición del predicado pertenece usando el predicado concantenar
 - X es pertenece a L si L se puede obtener concatenando una lista cualquiera con otra lista cuya cabeza sea X.



- Concatenar
 - Redefinición del predicado pertenece usando el predicado concantenar
 - Código

```
pertenece(X,L):-
```

concatenar(_,[X|_], L)

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Incluir
 - Incluir al principio
 - Incluir al final

- Incluir
 - Incluir al principio
 - Descripción
 - □ Para incluir X al principio de una lista L, se debe crear otra lista cuya cabeza sea X y su cola sea L.



Código

Incluir_al_principio(X,L, [X|L]).

- Incluir
 - Incluir al principio
 - Preguntas

```
?- incluir_al_principio(a,[1,2,3],L).
```

$$L = [a, 1, 2, 3].$$

?- incluir_al_principio(a,[],L).

$$L = [a].$$

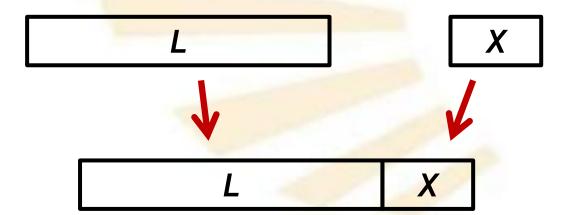
- Incluir
 - Incluir al principio
 - Preguntas
 - ☐ Otro uso: obtener la cabeza y la cola de una lista

?- incluir_al_principio(Cabeza, Cola, [a, 1, 2, 3]).

Cabeza = a,

Cola = [1, 2, 3].

- Incluir
 - Incluir al final
 - Descripción
 - □ Para incluir *X* al final de una lista *L*, se debe concatenar *L* con una lista compuesta solamente por el elemento *X*.



- Incluir
 - Incluir al final
 - Código

- Incluir
 - Incluir al final
 - Preguntas

$$R = [1, 2, 3, a].$$

$$R = [a].$$

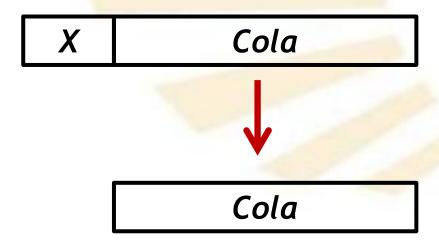
- Incluir
 - Incluir al final
 - Preguntas
 - ☐ Otro uso: extraer el último elemento de una lista.

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

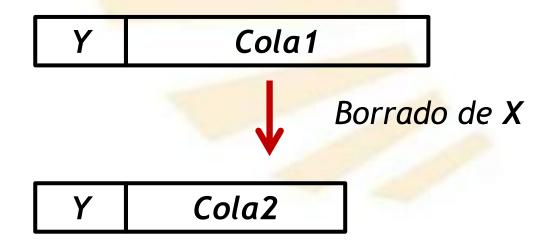
- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Borrar todas las apariciones de un elemento

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Borrar todas las apariciones de un elemento

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Descripción
 - ☐ Caso 1
 - ✓ Si X es la cabeza de la lista L entonces, al borrarlo, se obtiene la cola de L.



- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Descripción
 - ☐ Caso 2:
 - ✓ Si X no es la cabeza de L entonces se borra de la Cola.



- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Código

```
borrar(X,[X | Cola],Cola).
```

```
borrar(X,[Y|Cola1],[Y|Cola2]):-
borrar(X,Cola1,Cola2).
```

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Preguntas

?- **borrar**(c,[a,b,c],R).

R = [a, b].

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Otros usos de borrar (1/4): redefinir el predicado pertenece
 - \square X pertenece a L si X se puede borrar de L.

pertenece(X,L):-

 $borrar(X,L,_).$

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Otros usos de borrar (1/4): redefinir el predicado pertenece
 - ☐ X pertenece a L si X se puede borrar de L
 - ✓ Preguntas
 - ?- pertenece(b,[a,b,c]).

true.

?- pertenece(z,[a,b,c]).

false.

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Otros usos de borrar (2/4)
 - ☐ Proceso inverso: insertar

$$L = [a, 1, 2, 3];$$

$$L = [1, a, 2, 3];$$

Se teclea punto y coma

$$L = [1, 2, a, 3];$$

$$L = [1, 2, 3, a];$$

false.

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Otros usos de borrar (3/4):
 - ☐ Redefinir el predicado *insertar*
 - ✓ X se puede insertar en L si, al borrarlo de otra lista, se obtiene L.

insertar(X,L,R):-

borrar(X,R,L).

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Otros usos de borrar (3/4):
 - ☐ Redefinir el predicado *insertar*
 - ✓ Preguntas

```
?- insertar(a,[1,2,3],R).

R = [a, 1, 2, 3];

R = [1, a, 2, 3];

Se teclea punto y coma

R = [1, 2, a, 3];

R = [1, 2, 3, a];

false
```

- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Otros usos de borrar (4/4):
 - ☐ Borrar las **sucesivas apariciones** de un elemento

```
?-borrar(a,[a,b,a,c,a],R).
```

$$R = [b, a, c, a];$$

$$R = [a, b, c, a];$$

$$R = [a, b, a, c];$$

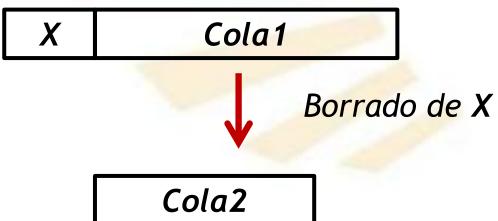
false.

Se teclea punto y coma

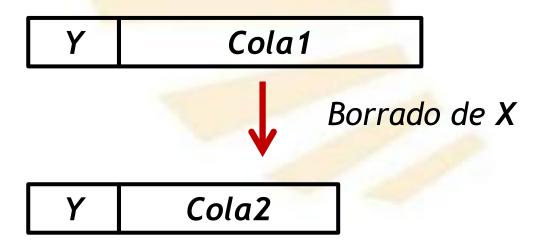
- Borrar
 - Borrar la primera aparición de un elemento
 - Borrar todas las apariciones de un elemento

- Borrar
 - Borrar todas las pariciones de un elemento
 - Descripción
 - ☐ Caso 1
 - ✓ Si se desea borrar un elemento de la lista vacía entonces se obtiene la lista vacía
 - ☐ Caso 2
 - ✓ Si la lista solamente contiene el elemento buscado entonces se obtiene la lista vacía

- Borrar
 - Borrar todas las pariciones de un elemento
 - Descripción
 - ☐ Caso 3
 - ✓ Si X es la cabeza de la lista L entonces, al borrarlo, se obtiene la cola de L, de la cual también hay que borrar a X.



- Borrar
 - Borrar todas las pariciones de un elemento
 - Descripción
 - ☐ Caso 4
 - ✓ Si X es no la cabeza de la lista L entonces hay que borrarlo de la cola de L.



- Borrar
 - Borrar todas las pariciones de un elemento
 - Código

```
borrar(_,[],[]).
borrar(X,[X],[]).
borrar(X,[X|Cola1],Cola2):-
             borrar(X,Cola1,Cola2).
borrar(X,[Y|Cola1],[Y|Cola2]):-
             borrar(X,Cola1,Cola2).
```

- Borrar
 - Borrar todas las pariciones de un elemento

Preguntas

$$?-borrar(a,[a,b,a,c,a],R).$$

$$R = [b, c]$$
.

$$R = [a, a, c, a]$$
.

$$R = [a, b, a, c, a]$$
.

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Sublista
 - Descripción
 - S es una sublista de L si está contenida en L.

L

S

- Sublista
 - Descripción
 - S es una sublista de L
 - □ L se puede descomponer en dos sublistas L1 y
 L2.
 - □ y *L2* se puede descomponer en la sublista S y en otra sublista *L3*.

- Sublista
 - Descripción

- Sublista
 - Descripción
 - S es una sublista de L
 - □ L se puede descomponer en dos sublistas L1 y
 L2.
 - ✓ L se obtiene al concatenar *L1* y *L2*
 - □ y *L2* se puede descomponer en la sublista S y en otra sublista *L3*.
 - ✓ L2 se obtiene al concatenar S y L3.

- Sublista
 - Código

```
sublista(S,L):-
    concatenar(_,L2,L),
    concatenar(S,_,L2).
```

- Sublista
 - Preguntas

```
?- sublista([b,c],[a,b,c,d,e]).
true.
```

?- sublista([b,a],[a,b,c,d,e]).
false.

Sublista

Preguntas

Todas las sublistas de una lista

```
?- sublista($,[a,b,c]).
S = [];
S = [a];
S = [a, b];
S = [a, b, c];
S = [];
S = [b];
S = [b, c];
S = [];
S = [c];
S = [];
false.
```

Se teclea punto y coma

- Sublista
 - Otros usos
 - Redefinir el predicado pertenece
 - ☐ Un elemento X pertenece a una lista L si la lista compuesta por el elemento X es una sublista de L.

X

- Sublista
 - Otros usos
 - Redefinir el predicado pertenece pertenece(X,L):-

sublista([X],L).

Preguntas

?- pertenece(z,[a,b,c]).

false.

?- pertenece(b,[a,b,c]).

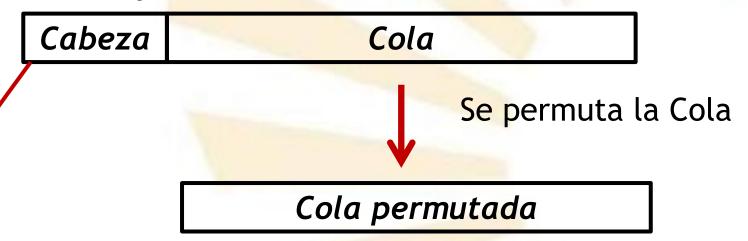
true

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Permutar
 - Primera versión
 - Segunda versión

- Permutar
 - Primera versión
 - Descripción
 - ☐ Caso 1
 - ✓ La permutación de la lista vacía es la lista vacía.
 - ☐ Caso 2
 - ✓ La permutación de [Cabeza | Cola] se puede obtener
 - > Permutando la Cola
 - Insertando la Cabeza en la Cola permutada

- Permutar
 - Primera versión
 - Descripción



Se inserta la Cabeza en la Cola permutada

Cola permutada y la Cabeza insertada

- Permutar
 - Primera versión
 - Código de la primera versión *permutar([],[]).* permutar([Cabeza | Cola], P):permutar(Cola, Cola_permutada), insertar(Cabeza, Cola_permutada, P). insertar(X,L,R):-borrar(X,R,L). $borrar(X,[X \mid Cola],Cola).$ borrar(X,[Y | Cola1], [Y | Cola2]):borrar(X, Cola1, Cola2).

- Permutar
 - Primera versión
 - Preguntas

```
?- permutar([a,b,c],R).
```

$$R = [a, b, c];$$

$$R = [b, a, c];$$

$$R = [b, c, a];$$

$$R = [a, c, b];$$

$$R = [c, a, b];$$

$$R = [c, b, a];$$

false

Se teclea punto y coma

- Permutar
 - Primera versión
 - Observación

L = [c, b, a];

^CAction (h for help) ? abort

% Execution Aborted

```
☐ Si se pregunta al revés, muestra los resultados posibles y cae en un bucle infinito.
?- permutar(L,[a,b,c]).
L = [a, b, c];
L = [b, a, c];
L = [c, a, b];
L = [a, c, b];
L = [b, c, a];
```

- Permutar
 - Segunda versión
 - Descripción
 - 1. Se borra un elemento X de la lista.
 - 2. Se permuta el resto de la lista.
 - 3. Se inserta X al principio del resto de la lista permutada.

- Permutar
 - Segunda versión
 - Descripción

Delante	X	Detrás
---------	---	--------

1. Se borra un elemento X de la lista

Dela <mark>nte</mark>	Detrás
-----------------------	--------

2. Se permuta el resto de la lista



3. Se inserta *X* al principio del resto de la lista permutada

X Permutación	
---------------	--

- Permutar
 - Segunda versión
 - Código

```
permutar([],[]).
permutar(L, [X \mid P]):-
                   borrar(X,L,Resto),
                   permutar(Resto,P).
borrar(X, [X \mid Cola], Cola).
borrar(X, [Y|Cola1], [Y|Cola2]):-
                    borrar(X, Cola1, Cola2).
```

- Permutar
 - Segunda versión
 - Preguntas

```
?- permutar([a,b,c],R).

R = [a, b, c];

R = [a, c, b];

R = [b, a, c];

Se
```

Se teclea punto y coma

false.

R = [b, c, a];

R = [c, a, b];

- Permutar
 - Segunda versión
 - Observación
 - Si se pregunta al revés, muestra la lista original y cae en un bucle infinito si se pide otra solución.

?- permutar(L,[a,b,c]).

L = [a, b, c];

Se teclea punto y coma

ERROR: Out of global stack

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Invertir
 - Descripción
 - Al invertir la lista vacía, se obtiene la lista vacía
 - Para invertir la lista [Cabeza | Cola]
 - ☐ Se invierte la Cola
 - □ Se inserta la Cabeza al final de la Cola invertida

- Invertir
 - Descripción
 - Al invertir la lista vacía, se obtiene la lista vacía
 - Para invertir la lista [Cabeza | Cola]



Invertir

```
Código
invertir([],[]).
invertir([Cabeza|Cola],R):-
                 invertir(Cola, Cola1),
                 incluir_al_final(Cabeza, Cola1, R).
incluir_al_final(X,L,R):-
                 concatenar(L,[X],R).
concatenar([],L,L).
concatenar([Cabeza|L1],L2,[Cabeza|L3]):-
                 concatenar(L1,L2,L3).
                                                107
```

- Invertir
 - Preguntas

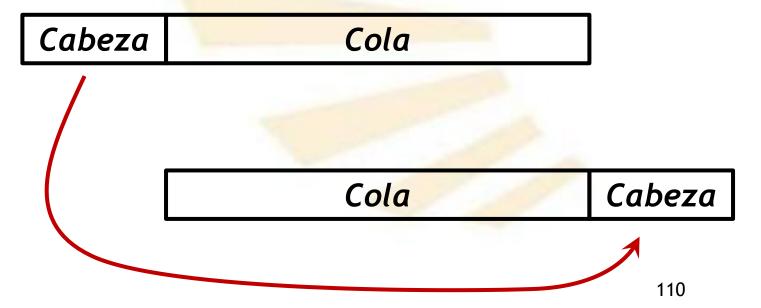
```
?- invertir([a,b,c,d],R).
```

$$R = [d, c, b, a].$$

$$R = [d, [b, c], a].$$

- Es lista
- Longitud
- Pertenece
- Concatenar
- Incluir
- Borrar
- Sublista
- Permutar
- Invertir
- Rotar

- Rotar
 - Descripción
 - La rotación de la lista vacía es la lista vacía.
 - La rotación de la lista [Cabeza | Cola] es la lista que se obtiene al insertar la Cabeza al final de la Cola



Rotar

```
Código
   rotar([],[]).
   rotar([X|Cola],R):-
          incluir_al_final(X,Cola,R).
   incluir_al_final(X,L,R):-
          concatenar(L,[X],R).
   concatenar([],L,L).
   concatenar([Cabeza|L1],L2,[Cabeza|L3]):-
                concatenar(L1,L2,L3).
```

Rotar

Preguntas

$$R = [a].$$

$$R = [b, c, d, a].$$

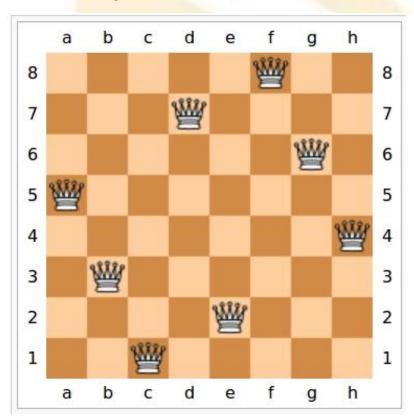
$$R = [b, c, d, e, a].$$

Índice

- 1. Descripción de lista
- 2. Operaciones con listas
- 3. Problema de las ocho reinas

Descripción

☐ Se debe colocar ocho reinas en el tablero de ajedrez sin que se ataquen mutuamente.



Fuente: wikipedia

Estrategia

- Se van a colocar las reinas ordenadas por filas
- Al colocar una nueva reina en un casilla, se comprueba si ataca a las reinas ya colocadas.
 - Si ataca a alguna, se busca otra columna en esa fila.
 - Si no ataca a ninguna reina, el proceso continúa con la colocación de la reina de la siguiente fila.

Código (1/4)

```
solución([]).
solución([X, Y | Otras]):-
      solución(Otras),
      pertenece(Y,[1,2,3,4,5,6,7,8]),
      no_ataca([X,Y],Otras).
```

Código (2/4)

```
pertenece(X,[X|_]).
```

```
pertenece(X,[_|Cola]):-
    pertenece(X,Cola).
```

Código (3/4)

```
no_ataca(_,[]).
no_ataca([X,Y],[X1,Y1|Otras]):-
      /* No están en la misma columna */
      Y = 1 = Y1
      /* No están en la misma diagonal */
      Y1 - Y = = X1 - X,
      Y1 - Y = X - X1,
      /* No ataca a las demás reinas colocadas */
      no_ataca([X,Y],Otras).
```

- Código (4/4)
 - Estructura del tablero

```
tablero([1,_,2,_,3,_,4,_,5,_,6,_,7,_,8,_]).
```

Escritura de la solución

```
escribir_solucion([]).
```

```
escribir_solucion([X, Y | Cola]):-
    write(' Casilla: '), write(X), write(' , '), write(Y),
    nl,
    escribir_solucion(Cola).
```

Pregunta para obtener las soluciones

```
?- tablero(S), solucion(S), escribir_solucion(S).
```

```
Casilla: 1, 4
Casilla: 2, 2
Casilla: 3, 7
Casilla: 4, 3
Casilla: 5, 6
Casilla: 6,8
Casilla: 7, 5
Casilla: 8, 1
S = [1, 4, 2, 2, 3, 7, 4, 3, 5 | \dots];
```

Algunas soluciones

```
[1, 4, 2, 2, 3, 7, 4, 3, 5, 6, 6, 8, 7, 5, 8, 1];
[1, 5, 2, 2, 3, 4, 4, 7, 5, 3, 6, 8, 7, 6, 8, 1];
[1, 3, 2, 5, 3, 2, 4, 8, 5, 6, 6, 4, 7, 7, 8, 1];
[1, 3, 2, 6, 3, 4, 4, 2, 5, 8, 6, 5, 7, 7, 8, 1];
[1, 5, 2, 7, 3, 1, 4, 3, 5, 8, 6, 6, 7, 4, 8, 2];
[1, 4, 2, 6, 3, 8, 4, 3, 5, 1, 6, 7, 7, 5, 8, 2];
[1, 3, 2, 6, 3, 8, 4, 1, 5, 4, 6, 7, 7, 5, 8, 2];
```

Se teclea punto y coma

•••



UNIVERSDAD DE CÓRDOBA

ESCUELA POLITÉCNICA SUPERIOR

DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA Y ANÁLISIS NUMÉRICO

PROGRAMACIÓN DECLARATIVA



INGENIGERÍA INFORMÁTICA
CUARTO CURSO
PRIMER CUATRIMESTRE



Tema 10.- Listas